Утверждена Советом механико- математического факультета МГУ имени М.В.Ломоносова		Представлена кафедрой гидромеханики механико-математического факультета МГУ имени М.В.Ломоносова	
« <u></u> »	20 r.	«»	20 r.
		Заведующий кафедрой гидромеханики профессор	
	_ В.Н.Чубариков		В.П.Карликов
	ПРОГРАММА (е методы, неравенства и альности 01.02.05 «Меха	модели механики с	
	Автор проект профессор	ra 	А.Н.Голубятников

Вариационные методы, неравенства и модели механики сплошной среды

Годовой спецкурс

А.Н. Голубятников, профессор, д.ф.-м.н.

Специальный курс содержит дополнительные главы механики сплошной среды, связанные с вариационными методами построения моделей, которые основаны на базовом уравнении Л.И.Седова. Основное содержание: симметрия относительно классических групп Ли и их подгрупп, характеристики и гиперболичность моделей обратимых процессов, условия на разрывах, термодинамика необратимых процессов и диссипативные члены, учет внутренних степеней свободы для описания микроструктуры, интегральные методы решения задач и оценки. Изложение сопровождается примерами основных моделей сплошных сред и полей, а также задачами из гидромеханики и газовой динамики.

ПРОГРАММА

- 1. История вопроса. Вариационные принципы теоретической механики. Уравнения Эйлера. Условия на разрывах. Преобразования Галилея. Диссипация энергии. Связи.
- 2. Вариационные формы механики сплошной среды. Варьирование многомерных функционалов. Сильные и слабые разрывы, характеристики. Симметрии. Модели идеального газа и несжимаемой жидкости.
- 3. Принципы термодинамики. Вязкий теплопроводный газ. Пребразование Лежандра, термодинамические потенциалы. Неголономные вариационные уравнения. Базовое вариационное уравнение Л.И. Седова для необратимых процессов. Уравнение энергии в интегральной форме.
- 4. Элементы теории конечных и непрерывных групп. Операторы бесконечно малых преобразований, коммутаторы, алгебры Ли. Инвариантность функций и тензорных полей. Правильные многогранники, решетки и тела вращения.
- 5. Преобразования производных. Инвариантность дифференциальных уравнений. Симметрии уравнений газовой динамики. Инвариантные и частично-инвариантные решения. Основные классы инвариантных решений в гидромеханике. Потенциальность.
- 6. Инвариантность функционалов. Теорема Нетер. Автомодельные задачи газовой динамики, интеграл Л.И.Седова. Симметрии неголономных вариационных задач.
- 7. Общая методика построения простых моделей сплошных сред. Группы эйлеровых и лагранжевых симметрий. Классификация групп аффинной симметрии. Примеры идеального газа, нелинейной теории упругости и жидкокристаллических сред с вмороженной ориентацией.
- 8. Термодинамическая устойчивость как гиперболичность уравнений при отсутствии диссипативных процессов. Форма Грина и слабые разрывы. Связь с лагранжевой симметрией среды. Устойчивые типы ориентируемых жидкостей.
- 9. Введение ориентации молекул как внутренней степени свободы. Уточненные модели жидких кристаллов.
- 10. Классические интегральные неравенства, выпуклые функции. Связь с вариационными задачами. Оценки закона движения ударной волны в одномерных задачах газовой динамики. Задача о взрыве с противодавлением.
- 11. Гравитационное поле в ньютоновской механике. Интеграл действия. Уравнение Пуассона. Разрывы гравитационного поля. Тензор напряжений и плотность энергии.
- 12. Элементы электродинамики. Уравнения Максвелла. Силы Кулона и Лоренца. Напряжения Максвелла. Уравнение энергии поля.
- 13. Идеальная магнитная гидродинамика, вмороженность магнитного поля. Электрогидродинамика. Поляризующиеся и намагничивающиеся жидкости.
- 14. Преобразования Лоренца. Специальная теория относительности. Динамика материальной точки. Кинематика сплошной среды. Релятивистская гидродинамика. Тензор энергии-импульса идеального газа. Условия на разрыве.
- 15. Релятивистская форма электродинамики. Вариационный принцип, тензор энергии-импульса поля.
- 16. Гравитационное поле как геометрия пространства-времени. Общая теория относительности. Модель гравитирующего газа. Проблема определения тензора энергии-импульса гравитационного поля.

Литература

- 1. Седов Л.И. Механика сплошной среды. Т. 1. 528 с. Т. 2. 560 с. Наука, 1994.
- 2. Бердичевский В.Л. Вариационные принципы механики сплошной среды. М.: Наука, 1983. 448 с.
- 3. Голубятников А.Н. Аффинная симмерия сплошных сред. М: Изд-во мех-мат. фак-та МГУ, 2001. 94 с.
- 4. Куликовский А.Г., Любимов Г.А. Магнитная гидродинамика. М.: Логос, 2005. 328 с.
- 5. Седов Л.И. Методы подобия и размерности в механике. М.: Наука, 1981. 448 с.
- 6. Харди Г.Г., Литлвуд Д.Е., Полиа Г. Неравенства. М.: КомКнига, 2006. 456 с.
- 7. Голубятников А.Н. Интегральные неравенства в задачах газовой динамики. Аэромеханика и газовая динамика. 2001, № 1. С. 74–81.